中学生向け数学

中学校

学年 氏名

(問題が G:良い、A:基本、D:よく出る、S:新規性、H:高水準、F:標準的)

★ (40点必須)、★★ (60点必須)、★★★ (75点必須)

116g051009中点

難易度3

右の図のように、2つの点A(4,7)

B (1, 2) とy軸上に点Pがある。

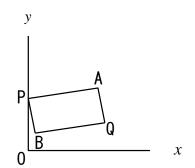
点Pがy軸上を動くとき、四角形

APBQが平行四辺形になるように

点Qを定める。このとき、

次の問に答えよ。

- 1)★線分ABの中点Mの座標を求めよ。
- ★★線分PQが最短となるような点 Qの座標を求めよ。
- 3) ★★点(6, 2) を通る直線が平行四辺形APBQを二等分するとき、その直線の方程式を求めよ。



問題の解き方と復習のポイント

- 1) 中点の座標は(4,7)、(1,2)の中央値である。 (1+4)/2=2.5、 (7+2)/2=4.5 座標(2.5,4.5)
- 2)1)の中点からy軸への距離が最低が最短位置 ゆえにPの座標=(0, 4.5)、 Qの座標(5, 4.5)
- 3) 平行四辺形APBQを二等分する直線は必ず対角線の交点を通る。 (6, 2)、(2.5、4,5)を通る直線である。 $y=ax+bに代入しa,bで求める。 \\ y=-\frac{5}{7}x+\frac{44}{7}$