

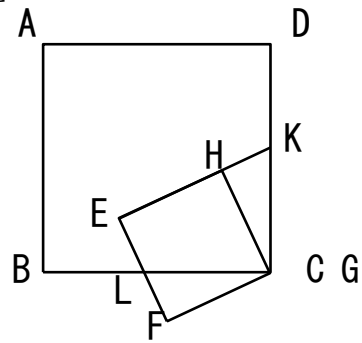
(問題が G : 良い、A : 基本、D : よく出る、S : 新規性、H : 高水準、F : 標準的)

★ (40点必須)、★★ (60点必須)、★★★ (75点必須)

186g061204sy 難易度3

右の図において、正方形ABCD、正方形EFGHの1辺の長さはそれぞれ10cm、5cmでC、Gは一致している。このとき、次の間に答えよ。

- 1) ★★辺EHの延長と辺CDの交点をK、辺EFと辺BCの交点をLとする。このとき、 $\triangle HKC \equiv \triangle FLC$ を証明せよ。



- 2) ★★ $\angle KCH = 28^\circ$ であるとき、 $\angle EKL$ の大きさを求めよ。

問題の解き方と復習のポイント

三角形の合同条件を思い出そう。

1. 3辺の長さがそれぞれ等しい。
2. 1辺とその両端の角がそれぞれひとしい。
3. 2辺とその間の角がそれぞれ等しい。

証明問題において条件1. はほとんど考えられない。確率0
条件2、または3を見つけ出す。

1) ヒントは正方形

$\triangle HKC$ と $\triangle FLC$ において

$$CH = CF \quad (\text{各々正方形の1辺}) \dots \textcircled{1}$$

$$\angle CHK = \angle CFL \quad (\text{各々正方形の1角}) \dots \textcircled{2}$$

後は1角か1辺を見つける

$$\angle KCH + \angle HCL = 90^\circ$$

$$\angle LCF + \angle HCL = 90^\circ \text{ が成り立つから}$$

$$\angle KCH = \angle LCF \text{ である。} \dots \textcircled{3}$$

①、②、③から1辺とその両端の角がそれぞれ等しいので

$$\triangle HKC \equiv \triangle FLC \quad \text{である。}$$

2) この問題は良い問題です。

1) の結論を使った問題です。

1) から $CK = CL$ なので $\triangle CKL$ は直角二等辺三角形である。

$$\angle CKL \text{ は } 45^\circ$$

また仮定から $\angle HKC = 90 - 28 = 62^\circ$ である。

$$\angle EKC = 62 - 45 = 17^\circ$$