

中学生向け数学

中学校

学年 氏名

(問題先頭の丸文字は問題を解ける学年を示し各学年で学ぶ項目は全てその学年に含めます。)

(問題が G : 良い、A : 基本、D : 代表的、S : 新規性、H : 高水準、F : 標準的)

★ (40点必須)、★★ (60点必須)、★★★ (75点必須)

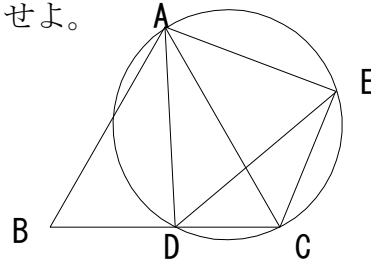
246g011212naganos3eism 2001年 長野県 難易度3

正三角形ABCの辺BC上に頂点B, Cとは異なる点Dをとり、
 $\triangle ADC$ の外接円をかく。Cを通り、辺ABに平行な直線と
外接円との交点のうち、Cと異なる点をEとする。

- 1) ★★ $\angle ADB$ に等しい角を書きなさい。
- 2) ★★ $\triangle ADE$ が正三角形であることを証明せよ。

以下の問題は三平方の定理を使う

- 3) $AB = 8 \text{ cm}$ 、 $DC = 3 \text{ cm}$ とするとき、
 - (1) ★★ AD の長さを求めよ。
 - (2) ★★★ 四角形 $ABCE$ の面積を求めよ。



問題の解き方と復習のポイント

1) $\angle AEC$

2) $\angle BAC = \angle ACE = 60^\circ$ (平行線の錯角) $= \angle ADE$ (同一円弧上の角)

$\angle ACD = \angle AED = 60^\circ$ (同一円弧上の角)

$\angle ADE = \angle AED = 60^\circ$ である。ゆえに $\triangle ADE$ は正三角形である。

3) (1) $AD^2 = 1 + (4\sqrt{3})^2 = 1 + 16 \times 3 = 49$

$AD = 7 \text{ cm}$

(2) $\triangle ADB$ と $\triangle AEC$ において

$AB = AC$ (正三角形の1辺)

$AD = AE$ (正三角形の1辺)

$\angle ABD = 60^\circ$ $\angle ACE = \angle ADE = 60^\circ$

ゆえに $\angle ABD = \angle ACE$ から2辺とその間の角が等しいから $\triangle ADB \equiv \triangle AEC$

$BD = 5 \text{ cm} = CE$

台形 $ABCE$ において高さは $4\sqrt{3}$ である。面積 $S = \frac{(8+5)}{2} \times 4\sqrt{3} = 26\sqrt{3} \text{ cm}^2$